Вісник Astronomical Астрономічної School's школи Report

ISSN 1607-2855

Том 7 • № 1 • 2011 С. 78 – 87

УДК 523.3

# Оценки пористости верхнего слоя грунта для некоторых деталей Луны

### Ю.Е. Навроцкий

Черниговский национальный педагогический университет имени Т.Г.Шевченко

Предполагая, что индикатриса рассеяния света на всех фазовых углах (включая область оппозиции α < 5°) изменяется за одинаковым законом, определены значения параметра д для различных участков на поверхности Луны. Значение параметра д заключено в пределах 0,2 ≤ g ≤ 0,7, а параметра р − 0,793 ≤ p ≤ 0,968.

ОЦІНКА ПОРИСТОСТІ ВЕРХНЬОГО ШАРУ ГРУНТУ ДЛЯ ДЕЯКИХ ДЕТАЛЕЙ МІСЯЦЯ, Навроцький Ю.Є. — Зробивши припущення, що індикатриса розсіювання світла на всіх фазових кутах (включаючи і область опозиції  $\alpha < 5^{\circ}$ ) змінюється за однаковим законом, було визначено параметр д для різних ділянок на поверхні Місяця. Значення параметру д отримали в межах  $0,2 \leq g \leq 0.7$ , а  $0.793 \leq p \leq 0.968$ .

ESTIMATING THE POROSITY OF THE UPPER SOIL LAYER FOR SOME DETAILS OF THE MOON, by Navrotskiy Yu. – Assuming that the indicatrix of light scattering at all phase angles (including the region of opposition  $\alpha < 5^{\circ}$ ) varies for the same law, the values of the parameter g for different areas on the lunar surface. The value of g lies in the range  $0.2 \le g \le 0.7$  and  $0.793 \le p \le 0.968$ .

**Ключевые слова:** физические свойства поверхности Луны; индикатриса рассеяния; пористые свойства вещества. **Key words:** physical properties of the lunar surface; indicatrix of light scattering; porous properties of matter.

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

В середине 50-х годов 20-го столетия Герелс и Коффен [3] обнаружили так называемый эффект оппозиции в блеске деталей лунной поверхности, для объяснения которого Хапке [4,5] предложил модель затемнения частиц (теневой механизм), основным параметром в которой является фактор упаковки частиц *g*. Поскольку в этой модели учитывалось только однократное рассеяние, то Ирвин [6] модернизировал этот закон и предложил приближенно учитывать многократное рассеяние. К сожалению, при выводе формул здесь была допущена погрешность, которую позже исправил Э.Яновицкий [2] и предложил учитывать ещё полупрозрачность частиц *к*.

В работе В.Мороженко и Э.Яновицкого [2] анализировались наблюдательные данные Герелса [3], усреднённые для всех деталей, как для углов оппозиции, так и для фазовой зависимости блеска в широком диапазоне фазовых углов. Были определенны ещё и значения индикатрисы рассеяния частиц  $\chi(\alpha)$ , значение первого коэффициента разложения  $\chi(\alpha)$  в ряд по полиномам Лежандра x1 (который характеризует степень вытянутости индикатрисы рассеяния), а также альбедо однократного рассеяния  $\omega$ .

Позже В.Ботвинова и Л.Лисина [1] провели такие оценки для каждой из наблюдаемых Герелсом [3] деталей. При этом были получены среднее значения параметра g = 0,25, которые отвечают неправдоподобно высоким значениям пористости p = 0,956 ( $p = 1 - 0.354g^{3/2}$ ).

В то же время за данными анализа датчиков динамических нагрузок на опоре посадочных мест КА Сервеер-1 и Сервеер-6 [7,8] были получены значения  $p = 0.6 \div 0.8$  на глубинах 5 - 10 мм и p = 0.35 на глубинах 5 - 10 см.

Мы считаем, что одной из причин этого может быть то, что в [1, 2] принималось на интервале фазовых углов  $\alpha < 5^{\circ}$ ,  $\chi(\alpha)$  не зависит от угла фазы, что противоречит действительности. Поэтому мы решили снова вернуться к этой проблеме, но при анализе учитывать изменение  $\chi(\alpha)$ , за тем же законом, что и для  $\alpha > 5^{\circ}$ . Если учесть, что в работе [2] показано, что добавка в интенсивности за счет многократного рассеяния практически не влияет на форму эффекта оппозиции, то для упрощения расчётов мы будем учитывать только однократное рассеяние.

Кроме того, кроме наблюдений Герелса [3], мы проанализируем данные, полученные КА «Аполлон-8» [12] и «Клементина» [9, 10, 11, 13]. Однако прежде, чем к этому приступить, мы опишем модель работы А.Мороженко и Э.Яновицкого.

## 2. МОДЕЛЬ ОТРАЖЕНИЯ СВЕТА ПОВЕРХНОСТЬЮ ЛУНЫ

Было много попыток описать закон отражения солнечного света поверхностью Луны. Наиболее точно описывает этот закон формула, полученная А.Мороженко и Э.Яновицким [2]. В этой формуле был учтен эффект оппозиции. Моделью поверхности является модель Хапке [4, 5].

Если учитывать рассеяния только первого порядка, тогда формула отражения имеет следующий вид:

$$I_1(\alpha, g) = \frac{\lambda \cdot S}{4} \cdot \frac{\zeta \cdot \chi(\pi - \alpha)}{\eta + \zeta} \cdot \exp\left[\frac{\kappa^2}{\pi} \left(\frac{g}{2}\right)^{3/2} \operatorname{ctg} \frac{\alpha}{2}\right] J(y), \tag{1}$$

где  $\lambda$  — альбедо однократного рассеяния частицы,  $\chi$  — индикатриса рассеяния частицы,  $\zeta$ ,  $\eta$  — косинусы углов падения i и отражения  $\varepsilon$  соответственно,

$$J(y) = y \cdot \int_{0}^{1} e^{-y \cdot s(x)} dx + e^{-y},$$
  
$$y = \frac{3}{8\sqrt{2}} g^{3/2} \cdot \kappa \cdot \left(\frac{1}{\zeta} + \frac{1}{\eta}\right) \cdot \left(1 + \zeta \eta \operatorname{cosec}^{2} \frac{\alpha}{2}\right)^{1/2},$$
  
$$s(x) = \left(1 - \frac{\kappa}{2} + \frac{\kappa}{\pi} \arcsin x\right) x - \frac{\kappa}{3\pi} \sqrt{1 - x^{2}} \cdot (2 + x^{2}),$$

g — фактор упаковки,  $\kappa$  — поперечник ослабления, который указывает, какая часть светового потока, попавшая внутрь контура частицы, уходит из параллельного пучка, поглощаясь и рассеиваясь в стороны (для полностью непрозрачных частиц  $\kappa = 1$ ).

Фактор упаковки определяет пористость грунта, связанный с плотностью рассматриваемой области *р*, таким соотношением

$$g = 2\left(\frac{\rho}{\rho_0}\right)^{1/3}$$

где  $\rho_0$  — плотность сплошного грунта рассматриваемой области на поверхности Луны, а пористость верхнего слоя  $p = 1 - 0.354 g^{3/2}$ .

Определение фактора упаковки *g* для различных деталей лунной поверхности с использованием формулы (1) является целью данной статьи.

#### 3. ОПРЕДЕЛЕНИЕ ФАКТОРА УПАКОВКИ

Разные участки лунной поверхности имеют свои фотометрические особенности, что в свою очередь говорит об индивидуальных физико-химических свойствах изучаемых областей, в том числе и разные значения фактора упаковки.

Используя результаты наблюдений для фазовых углов  $\alpha < 5^{\circ}$  и сравнивая их с законом отражения (1) для различных значений g, можно добиться их хороших совпадений, тем самим определить фактор упаковки рассматриваемой области. Такую работу проделали В.Ботвинова, Л.Лисина [1]; используя наблюдения Герелса [3], авторы получили значения g, предполагая, что индикатриса рассеяния  $\chi$  на интервале фазовых углов  $0^{\circ} - 5^{\circ}$  постоянная.

В настоящей работе для определения фактора упаковки g было сделано следующее:

1) В формуле (1) принималось, что индикатриса рассеяния  $\chi$  на всех фазовых углах (включая и область оппозиции  $\alpha < 5^{\circ}$ ) изменяется по одинаковому закону. Чтобы определить индикатрису рассеяния для конкретных значений фазовых углов в области оппозиции, была определена интерполяционная формула для значений индикатрисы рассеяния, взятых из [2]. По этой формуле определялись значения индикатрисы для фазовых углов  $\alpha < 5^{\circ}$  (см. рис. 1, табл. 1).

2) Определялось отношение  $L = \frac{I_1(\alpha, g)}{I_1(\alpha, g)}$ , где  $I_1(\alpha, g)$  — зависимость (1) для фазового угла  $\alpha$ ,  $I_1(\alpha_0, g)$ — значение зависимости (1) для углов фазы  $\alpha_0 = 0^\circ$ ,  $\alpha_0 = 1^\circ$ ,  $\alpha_0 = 1,5^\circ$ .

3) На график наносились значения зависимости (1), отнесенные к нулевой фазе ( $L = \frac{I_1(\alpha, g)}{I_1(\alpha_0, g)}$ ,  $\alpha_0 = 0^{\circ}$  для [3]) при сравнении наблюдений по Герелсу [3] (рис. 2, 3). Для данных наблюдений спутника «Клементина» и «Аполлон-8» [9, 10, 11, 12, 13] (рис. 4), к фазовым углам 1°; 1,5° ( $\alpha_0 = 1^{\circ}$ ; 1,5° для [9, 10, 11, 12, 13]).

Добиваясь наилучшего совпадения экспериментальных данных и зависимости L при различных g для фазовых углов  $\alpha < 5^{\circ}$ , были определенны значения фактора упаковки для выбранных участков на Луне.

Все расчеты проводились на персональном компьютере с использованием программы MathCad.

Результаты сравнения изображены на рисунках 2, 3, 4, а значения параметра g — в таблицах 2,3.

#### 4. АНАЛИЗ РЕЗУЛЬТАТОВ

Если не учитывать рассеяния света высших порядков и предположить, что частицы полностью непрозрачны ( $\kappa = 1$ ), тогда формула (1) описывает поведение отражательной функции при малых фазовых углах.

Изменяя значение параметра g можно добиться наилучшего совпадения теоретической зависимости (1) с наблюдательными данными для фазовых углов  $\alpha < 5^{\circ}$ . При этом выбранные значения g фактора упаковки будет наиболее вероятным значением относящемуся к тому или иному участку на Луне.

ISSN 1607-2855. Вісник Астрономічної школи, 2011, том 7, №1

Таблица 1				1	Таблица 2				
$\alpha$	$\chi(\pi-\alpha)$	α	$\chi(\pi-\alpha)$	Деталь	$\lambda$	β	g	Источник	
$0^{\circ}$	3,3	90°	0,82	Blagg	1,30	1,40	0,5	[11]	
$5^{\circ}$	3,21	100°	0,71	Godin	9,50	1,00	0,3	[11]	
10°	2,97	110°	0,62	W. Procellarum reg.	-620	60	0,5	[10]	
$20^{\circ}$	2,53	120°	0,53	Carpathian Mountains	-240	200	0,5	[10]	
30°	2,13	130°	0,45	Sinus Medii	1,30	0.50	0,7	[9]	
40°	1,82	140°	0,43	Sinus Medii	1,30	1,30	0,7	[9]	
$50^{\circ}$	1,57	150°	0,38	Sinus Medii	3,90	1,30	0,35	[13]	
60°	1,36	160°	(0,30)	Mare Fekunditatis	48,70	1,40	0,55	[13]	
70°	1,17	170°	(0,18)	Integral phase function			0,1	[11]	
80°	0,99	180°	—	Apollo 8			0,4	[12]	

таолица с	Та	блица	3
-----------	----	-------	---

				g		
Деталь	$\lambda$	$\beta$	Результаты	Наши результаты		
			из [1]	1956-57 гг.	1963–64 гг.	
Center of Tycho	$-11^{\circ}17'$	$-43^{\circ}18'$	0,1	0,5	0,5	
Copernicus	$-20^{\circ}08'$	$10^{\circ}11'$	0,1-0,2	0,5	0,6	
East of Clavius D	$-10^{\circ}03'$	$-58^{\circ}41'$	0,1-0,2	0,5	0,5	
Near Plato	$-07^{\circ}20'$	$54^{\circ}36'$	0,2-0,3	0,4	0,4	
Near Hortensius	$-29^{\circ}21'$	$07^{\circ}20'$	0,2-0,3	0,2	0,2	
Wood's Region	$-51^{\circ}17'$	$29^{\circ}15'$	0,2-0,3	0,2	0,2	
M.Serenitatis East	$26^{\circ}50'$	$28^{\circ}02'$	0,3	0,3	0,3	
Mare Serenitatis	$21^{\circ}59'$	$25^{\circ}03'$	0,3	0,4	0,4	
M. Tranquilitatis	39°10′	$11^{\circ}34'$	0,3	0,35	0,35	
Mare Crisium	$53^{\circ}14'$	$17^{\circ}23'$	0,3	-	0,5	
Mare Imbrium	$-17^{\circ}44'$	$46^{\circ}08'$	0,35	0,45	0,45	
Center of Plato	$-09^{\circ}18'$	$51^{\circ}28'$	0,4	0,2	0,2	
Mare Humorum	$-40^{\circ}38'$	$-21^{\circ}40'$	0,5	-	0,25	

Добиваясь наилучшего совпадения зависимости (1) с данными наблюдений на углах фазы  $\alpha < 5^{\circ}$ , мы не обращали внимание на несовпадение при фазовых углах  $\alpha > 5^{\circ}$  (формула (1) описывает поведение фазовой зависимости при фазовых углах  $\alpha < 5^{\circ}$ ), для которых нужно учитывать рассеяния высших порядков.

Для некоторых участков (Near Hortensius, Mare Serenitatis, Near Plato, Mare Imbrium, Copernicus — рис. 2, 3) можно отметить совпадение зависимости (1) для всех наблюдаемых фазовых углов.

На рис. 4 показаны результаты сравнения зависимости (1) с данными наблюдений, полученные спутниками «Клементина» и «Аполлон-8». Ценность этих наблюдений в том, что они проводились при малых фазовых углах (вплоть до нулевой). Для таких областей, как Godin и Blagg, наблюдения проводились для различных длин волн, поэтому для этих участков проводились усреднения по наблюдаемым длинам волн.

Среднее значение параметра g всех рассмотренных участков на Луне получилось равное g = 0,4, что приводит уже к более приемлемым значениям p, особенно если учесть, что полученные нами результаты



Рис. 1. Точками обозначены значения индикатрисы из табл. 1. Сплошная линия — по интерполяционной формуле.



**Рис. 2.** Кривые изменения зависимости  $L = \frac{I_1(\alpha, g)}{I_1(0, g)}$  (сплошные линии) по наблюдениям на станциях Индиана и Флагстофф (точки) для полностью непрозрачных частиц ( $\kappa = 1$ ).







**Рис. 3.** Кривые изменения зависимости  $L = \frac{I_1(\alpha, g)}{I_1(0, g)}$  (сплошные линии) по наблюдениям на станции Каталина (точки) для полностью непрозрачных частиц ( $\kappa = 1$ ).







**Рис. 4.** Кривые изменения зависимости  $L = \frac{I_1(\alpha, g)}{I_1(\alpha_0, g)}$  (сплошные линии) по наблюдениям спутников «Клементина» и «Аполлон-8» (точки) для полностью непрозрачных частиц ( $\kappa = 1$ ).

характеризуют поверхностный слой толщиной несколько длин волн.

- 1. Ботвинова В.В., Лисина Л.Р. Предварительные оценки пористости верхнего слоя грунта для избранных деталей на поверхности Луны // Астрометрия и Астрофизика. — 1973. — Вып. 18. — С. 25–32.
- 2. Мороженко А.В., Яновицкий Э.Г. Оптические свойства поверхностного слоя Луны // Астрон. журн. 1971а. **48**, № 1. С. 172–183.
- 3. Gehrels T., Coffeen D.L., Owings D. Wavelength dependence of polarization.III. The lunar surface // Astron. J. 1964. 69, № 10. P. 826-852.
- 4. Hapke B. A theoretical function for the lunar surface // Geophys. Res. 1963. 68, № 15. P.4571-4586.
- 5. Hapke B. An improved the theoretical lunar photometric function // Astron. J. 1966. 71, № 5. P. 333-339.
- 6. Irvine W.M. The shadowing effect in diffuse reflection // J. Geophys. Res. 1966. 71, № 12. P.2931-2937.
- 7. *Jaffe L.D.* Surface structure and mechanical properties of the lunar maria // J.Geophys.Res. 1967. 72, № 6. P. 1727-1731.
- 8. Jaffe L.D. Surveyor 6 lunar mission // J. Geophys. Res. 1968. 73, № 16. P. 5297.
- 9. Kaydash V., Shkuratov Yu., Kreslavsky M., et al. Lunar opposition spice at two wavelengths from Clementine data // LPSC XXXIII - 2002. - abstract № 1235.
- Kaydash V., Kreslavsky M., Shkuratov Yu., et al. The opposition effect of the Moon from SMART-1 AMIE data // LPSC XXXIX. – 2008. – № 1391. – P.1195
- 11. Kreslavsky M.A., Shkuratov Yu.G., Kaydash V.G. Lunar opposition surge observed by Clementine: New results // LPSC XXIX. 1998. abstract № 1118.
- 12. Pohn H.A., Radin H.W., Wildey R.L. The moon's photometric function near zero phase angle from Apollo 8 photography // Astrophys.J. 1969. 157, № 3, Pt.2. P. L193–L195.
- Shkuratov Yu.G., Kreslavsky M.A., Stankevich D.G. On Lunar opposition spike observed by Clementine // LPSC XXVIII 1997. P.307.

Поступила в редакцию 19.11.2011